

Brevet de Technicien Supérieur

## CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE

### U41 – Instrumentation et régulation

*Durée : 3 heures*

*Coefficient : 4*

**Matériel autorisé :**

Toutes les calculatrices de poche y compris les calculatrices programmables, alphanumériques ou à écran graphique à condition que leur fonctionnement soit autonome et qu'il ne soit pas fait usage d'imprimante (Circulaire n° 99-186, 16/11/1999).

**Tout autre matériel est interdit.**

**Aucun document autorisé.**

**Documents à rendre avec la copie :**

Les documents réponses n° 1 (pages 6 et 7), n° 2 (pages 8 et 9), n° 3 (pages 10 et 11), n° 4 (pages 13 et 14) sont fournis en double exemplaire, un exemplaire étant à remettre avec la copie, l'autre pouvant servir de brouillon.

Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.  
Le sujet se compose de 18 pages, numérotées de 1/18 à 18/18

**S'il apparaît au candidat qu'une donnée est manquante ou erronée, il pourra formuler toutes les hypothèses qu'il jugera nécessaires pour résoudre les questions posées. Il justifiera alors clairement et précisément ces hypothèses.**

BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE		Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR	Page 1/18

<b>VAPOCRAQUAGE DE PRODUITS PÉTROLIERS</b>
--

Un mélange de type gaz de pétrole liquéfié, essence, gasoil et vapeur d'eau, est porté à haute température (environ 800 °C). Cette forme de distillation, appelée craquage, permet d'extraire et de séparer les constituants de base tels que l'éthylène, le propylène, les essences légères et lourdes.

Une étape du craquage consiste à comprimer de 0,5 à 35 bar les gaz d'hydrocarbures afin de favoriser leur distillation.

L'objectif est d'étudier la mesure de niveau du stockage d'essences lourdes, le choix d'un capteur de pression et la régulation de la turbine du compresseur.

<b>INSTRUMENTATION (8 points)</b>
-----------------------------------

➤ **Mesure de niveau**

Les essences lourdes extraites par le vapocraqueur sont stockées dans une cuve dont la hauteur maximale de liquide contenu est de 20 m. La mesure du niveau de liquide est initialement effectuée par un capteur à ultra-sons. Le capteur mesure la durée entre l'instant d'émission et l'instant de la réception d'une onde sonore.

- $V$  : vitesse de l'onde ( $\text{m.s}^{-1}$ )
- $\Delta t$  : durée entre l'instant d'émission et l'instant de la réception de l'onde ultrasonore (s)
- $D$  : distance entre le transmetteur et la surface (m)
- $V = \frac{2D}{\Delta t}$

La vitesse du son varie en fonction de la température de l'air selon la relation :

$$V_s = V_0 \sqrt{\frac{T}{273}}$$

$V_0$  : vitesse du son à 0 °C (soit 331,5  $\text{m.s}^{-1}$ )

$V_s$  : vitesse du son à la température  $T$

$T$  : température de l'air en kelvin (K)

- Q1.** Le capteur est placé au-dessus de la cuve vide à une distance de 20,0 m. Calculer la durée du parcours entre l'instant d'émission et l'instant de la réception pour une onde sonore se déplaçant dans de l'air à 0 °C.
- Q2.** Calculer la durée du parcours entre l'émission et la réception pour une onde sonore émise se déplaçant dans un milieu à 30 °C lorsque la cuve est vide.

Le capteur ne dispose pas de compensation de température et a été calibré à la température de 0 °C.

- Q3.** Calculer la valeur de la mesure donnée par le capteur lorsque la cuve est vide pour la température ambiante de 30 °C.
- Q4.** En déduire l'erreur relative commise sur la mesure.

Les capteurs à ultrasons sont munis de compensateurs en température, cependant le choix se porte sur une mesure de niveau de type radar. Le transmetteur à radar fonctionne suivant le même principe, l'onde exploitée est électromagnétique. Un capteur de type « vegapuls 62 » est retenu. L'étendue de mesure est de 20,0 m (document en **annexe 1 page 12/18**).

BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : <b>CAE4IR</b> Page 2/18

## CAE4IR

- Q5. Quelle durée maximale va mettre l'onde pour effectuer un aller-retour entre le capteur et la surface du liquide ?  
c : la vitesse de la lumière dans l'air 300 000 km.s<sup>-1</sup>.
- Q6. Pour une distance mesurée de 20,0 m, déterminer « l'erreur » absolue et « l'erreur » relative de ce capteur.  
Remarque : le terme approprié pour « l'erreur » est incertitude.
- Q7. Pour cette même distance, quelle est « l'erreur » sur la mesure pour une information fournie au standard 4-20 mA ?
- Q8. Une mesure effectuée a donné I = 14,48 mA. Est-elle acceptable pour un niveau mesuré de 13,20 m ?

➤ **Choix du capteur de pression de la cuve FA201**  
(Voir schéma sur le document réponse n° 1 page 7/18)

### Cahier des charges

Cette cuve doit être maintenue à une pression de 0,5 bar absolu.

La plateforme chimique impose un agrément ATEX.

Le capteur doit fournir un signal en courant standardisé.

Le capteur doit pouvoir être configuré à distance.

Le capteur doit avoir la meilleure précision possible proposée par le constructeur.

L'appareil doit posséder un indicateur local. (module de programmation).

- Q9. Choisir la référence du capteur en complétant le **document réponse n° 4 page 14/18** en partant de la référence partielle du capteur donné ci-dessous.

BR53	?	GV	3	?	?	K	M	?	?
------	---	----	---	---	---	---	---	---	---

- Q10. Quel intérêt procure le capteur de type « HART » ? (Highway Adressable Remote Transducteur).
- Q11. Que signifie « zone ATEX » ? « zone 0 » ? Citer en l'explicitant un mode de protection du matériel installé dans une zone ATEX.

## RÉGULATION (12 points)

➤ **Mode de fonctionnement normal ; régulation de la pression d'aspiration du compresseur**

La pression d'aspiration du compresseur, en **mode de marche normale**, mesurée sur la cuve FA201 doit être maintenue à 0,5 bar (pression absolue). L'action se fait par admission de vapeur de la chambre HP vers la chambre BP de la turbine. La vanne utilisée est de type normalement fermée (NF). Voir **document réponse n° 1 page 7/18**.

- Q12. Compléter le schéma TI de cette régulation sur le **document réponse n° 1 page 7/18**. Prévoir l'enregistrement de cette mesure.

BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE		Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR	Page 3/18

## CAE4IR

Il s'agit maintenant d'optimiser la conception de la boucle en tenant compte du fait que la vitesse de la turbine est une perturbation intermédiaire qui doit être corrigée.

Q13. Compléter le schéma TI de cette régulation sur le **document réponse n° 2 page 9/18** en ajoutant les instruments et appareils nécessaires.

Q14. Définir et justifier le sens d'action du ou des régulateur(s).

### Mode de marche particulière : admission de la vapeur sur la chambre HP de la turbine

Le **mode de marche particulière** se déclenche lorsque le débit de vapeur du réseau à 110 bar est excédentaire (pression d'admission supérieure de 7 %).

La vanne PV 201 doit se fermer pour protéger la turbine « Section BP ». Le régulateur PIC 201 devra piloter la vanne PV601.

Q15. Quelle valeur de la consigne de pression permet ce mode de fonctionnement ?

Q16. Le schéma de ce mode de fonctionnement est sur le **document réponse n° 3 page 11/18** 'marche particulière'. À l'aide de l'**annexe 3 page 15/18**, compléter par les chiffres qui conviennent les lettres A\_\_, E\_\_ et S\_\_ représentant successivement la fonction du bloc utilisé, l'entrée et la sortie.

### ➤ Identification du procédé

Une procédure d'identification en boucle fermée doit permettre d'obtenir les paramètres d'un

modèle de Broïda de fonction de transfert :  $H(p) = \frac{K \cdot e^{-T \cdot p}}{1 + \tau \cdot p}$ . Cette procédure comporte deux

essais. Le premier essai doit permettre de déterminer le gain statique K de la fonction de transfert. Le deuxième essai doit permettre de déterminer les paramètres dynamiques  $\tau$  (constante de temps en secondes) et T (temps mort ou retard en secondes).

**Premier essai** : détermination du gain statique ; pour cet essai le régulateur est en action proportionnelle seule :  $C(p) = A$ . La variation d'entrée est un changement de consigne de pression de 40% à 50%. La boucle étudiée est constituée d'un régulateur, du système modélisé par  $H(p)$  et d'un retour unitaire.

Q17. Représenter le schéma fonctionnel correspondant. Indiquer la consigne  $W(p)$  et la sortie  $X(p)$ .

Q18. Donner l'expression de  $X(p)$  en fonction de  $C(p)$ , de  $H(p)$  et  $W(p)$ .

On donne :  $\varepsilon(p) = W(p) - X(p)$

Q19. En utilisant le théorème de la valeur finale, montrer que l'erreur statique a pour expression :

$$\varepsilon = \frac{10}{1 + A \cdot K}$$

Q20. En déduire l'expression du gain statique K en fonction de  $\varepsilon$  et de A.

Q21. Relever la valeur de  $\varepsilon$  (%) sur le document en **annexe 4 page 16/18**.

BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE		Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : <b>CAE4IR</b>	Page 4/18

## CAE4IR

On donne  $A = 1,4$

Q22. Calculer la valeur de  $K$ .

Pour la suite, on prendra :  $K = 2,8$ .

**Deuxième essai** : le régulateur est encore en action proportionnelle seule, le gain de celui-ci est augmenté jusqu'à obtenir des oscillations régulières non amorties de la mesure. Le gain du régulateur est alors  $A = 2,7$ . Le système est dit en oscillations suivant une période notée  $T_{osc}$ .

Q23. À partir du **document annexe 4 page 16/18**, donner la valeur de la période des oscillations  $T_{osc}$

Q24. Calculer les valeurs de  $T$  et de  $\tau$  à l'aide des formules ci-dessous :

$$\tau = \frac{T_{osc}}{6,28} \sqrt{(A.K)^2 - 1} \quad \text{et} \quad T = \frac{T_{osc}}{2} \left( 1 - \frac{\arctan \sqrt{(A.K)^2 - 1}}{3,14} \right)$$

Les angles sont exprimés en radians,  $T_{osc}$ ,  $T$  et  $\tau$  en secondes.

Pour la suite on considère le système identifié suivant la fonction de transfert :

$$H(p) = \frac{2,8.e^{-10.p}}{1 + 43.p}$$

### ➤ Préréglage graphique

Le correcteur choisi est de structure PI série et possède une bande proportionnelle de 67% et un temps d'intégrale  $T_i = 43$  s.

L'**annexe 5 page 17/18** comporte le tracé de la fonction de transfert en boucle ouverte  $C(j\omega).H(j\omega)$  dans le plan de Black Nichols.

Q25. Relever les valeurs de la marge de gain (MG) et de la marge de phase ( $M\phi$ ) sur l'**annexe 5 page 17/18**.

Q26. Quel est l'intérêt d'une grande marge de phase et comment peut-on l'augmenter ?

Q27. Que signifie une marge de gain nulle dans ce cas ?

### ➤ Détermination des paramètres PID du régulateur

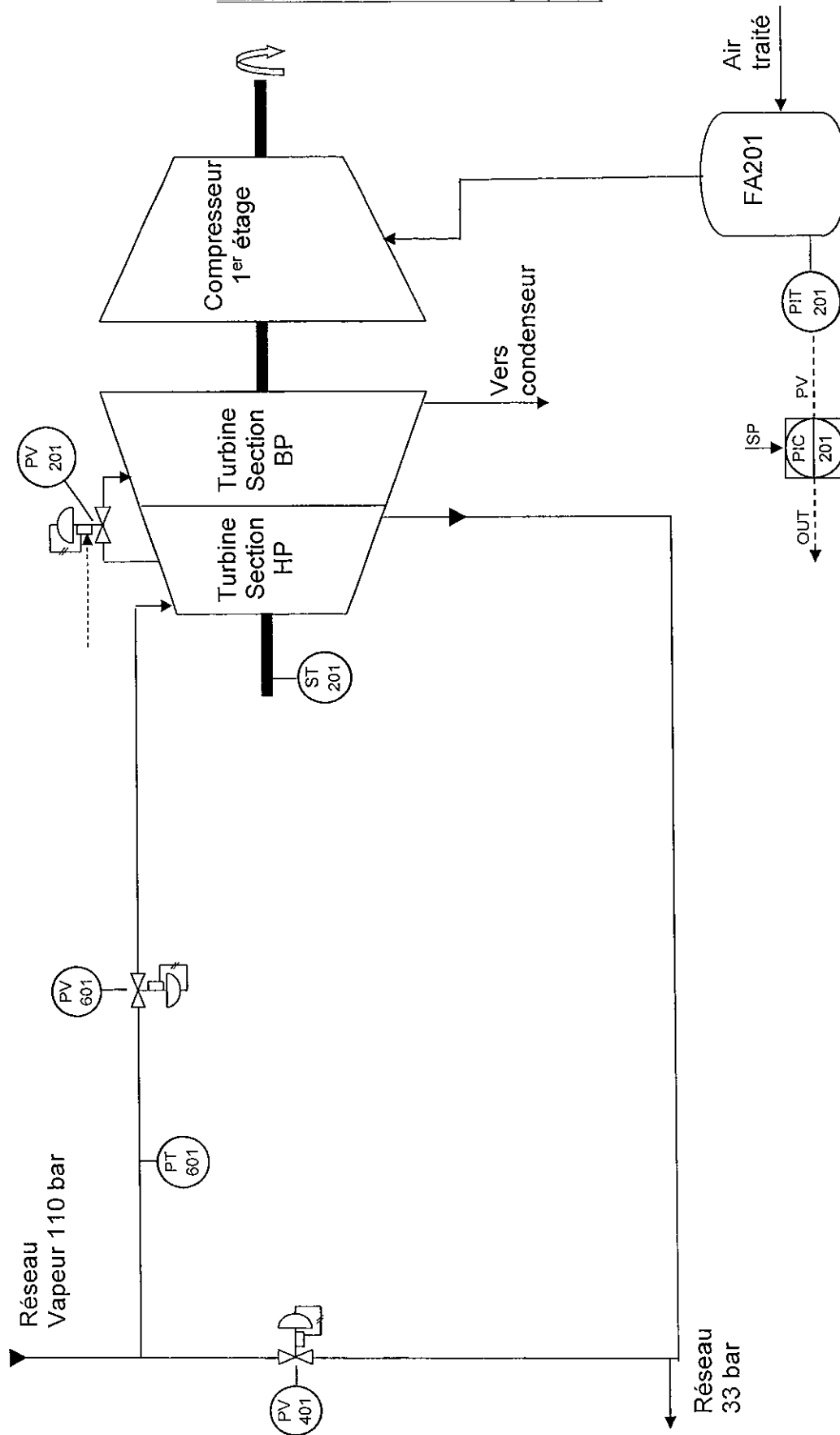
Q28. Démontrer que le régulateur de type PID est de structure série à l'aide de l'**annexe 6 page 18/18**.

Q29. Calculer les valeurs  $A$ ,  $T_i$  et  $T_d$  à l'aide du tableau de détermination des paramètres du régulateur en **annexe 6 page 18/18**.

BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE		Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : <b>CAE4IR</b>	Page 5/18

**DOCUMENT RÉPONSE N° 1**

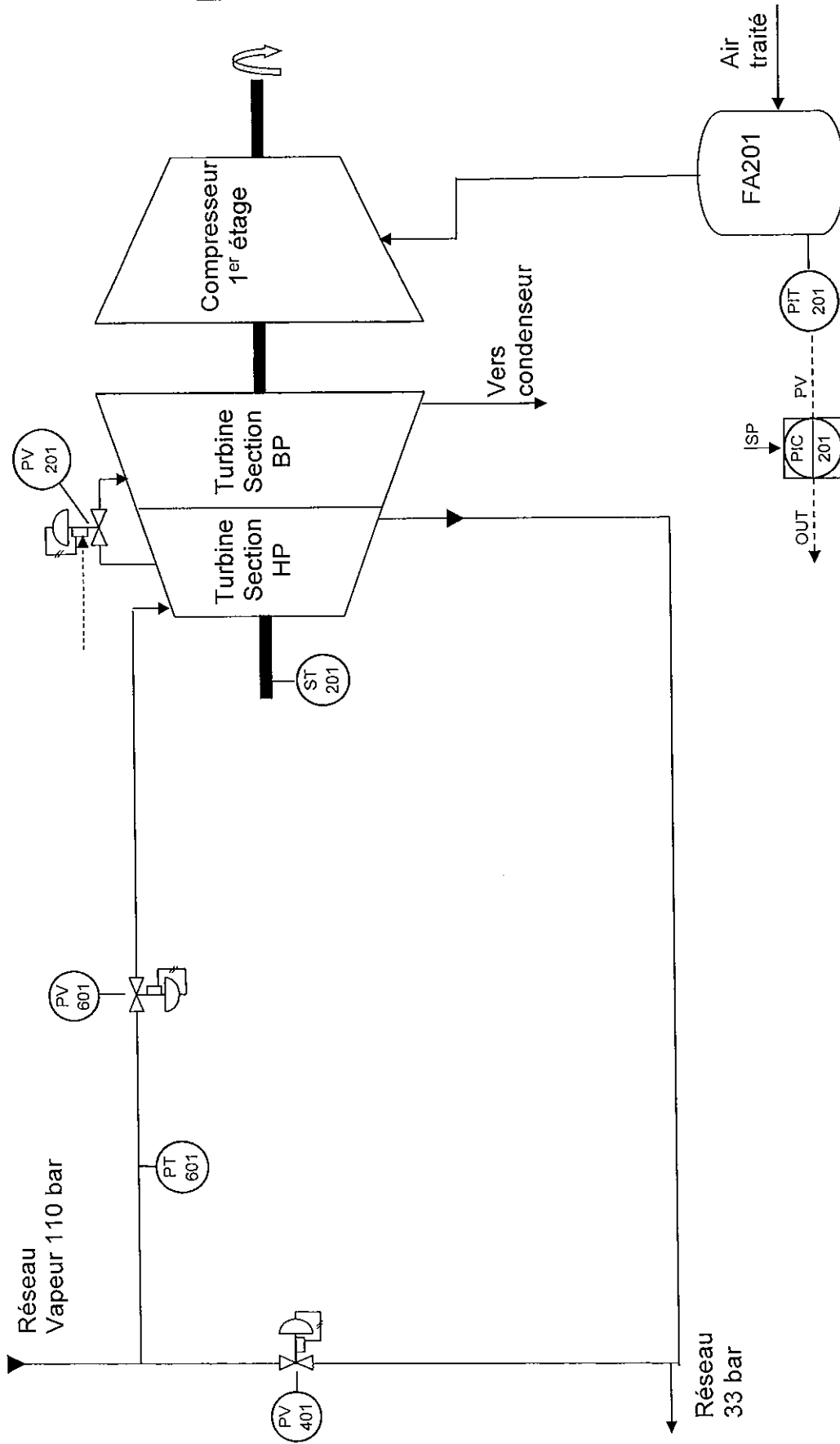
Schéma TI de la turbine en marche normale



BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR
	Page 6/18

**DOCUMENT RÉPONSE N° 1**

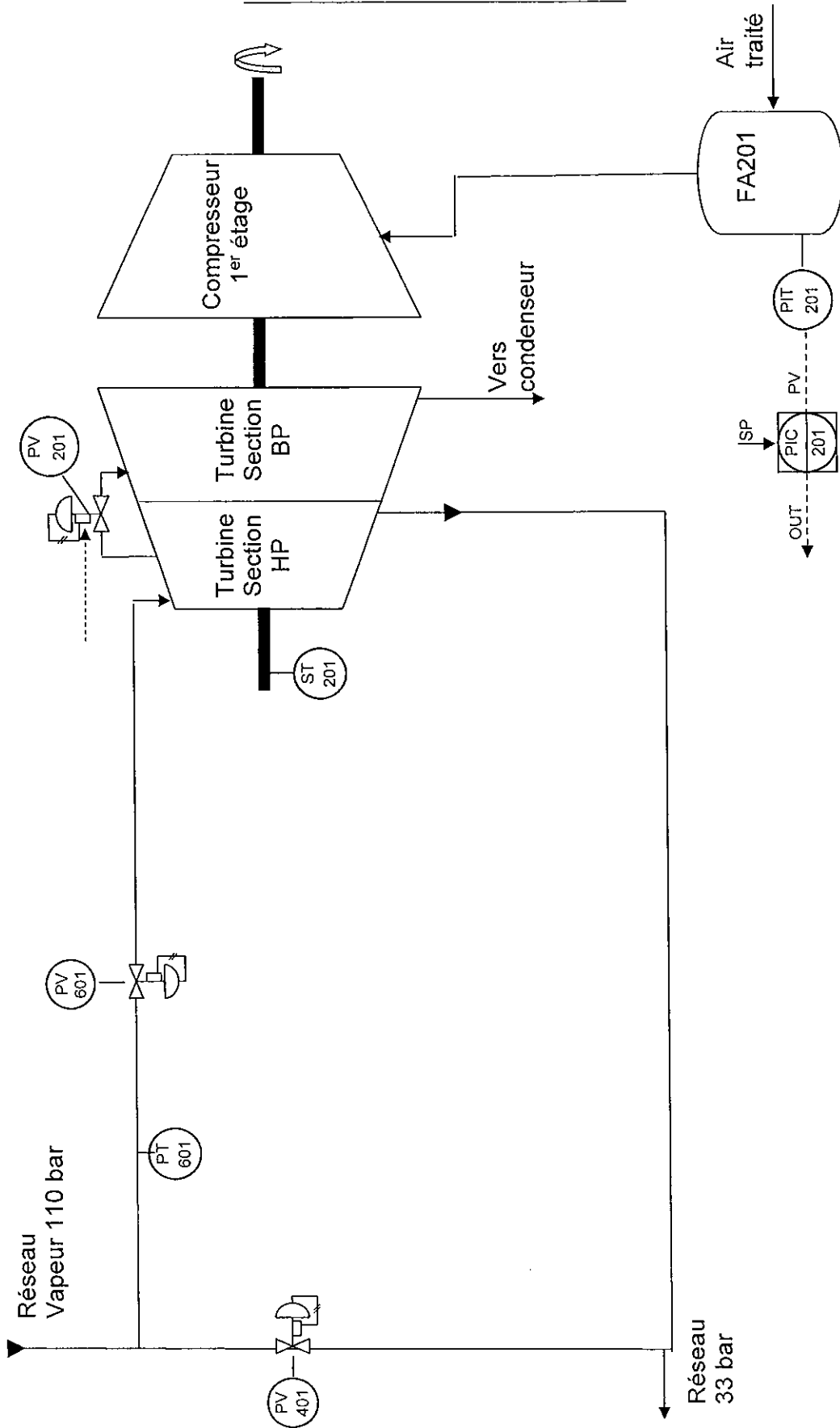
Schéma TI de la turbine en marche normale



BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR
	Page 7/18

**DOCUMENT RÉPONSE N° 2**

Schéma TI de la turbine en marche normale

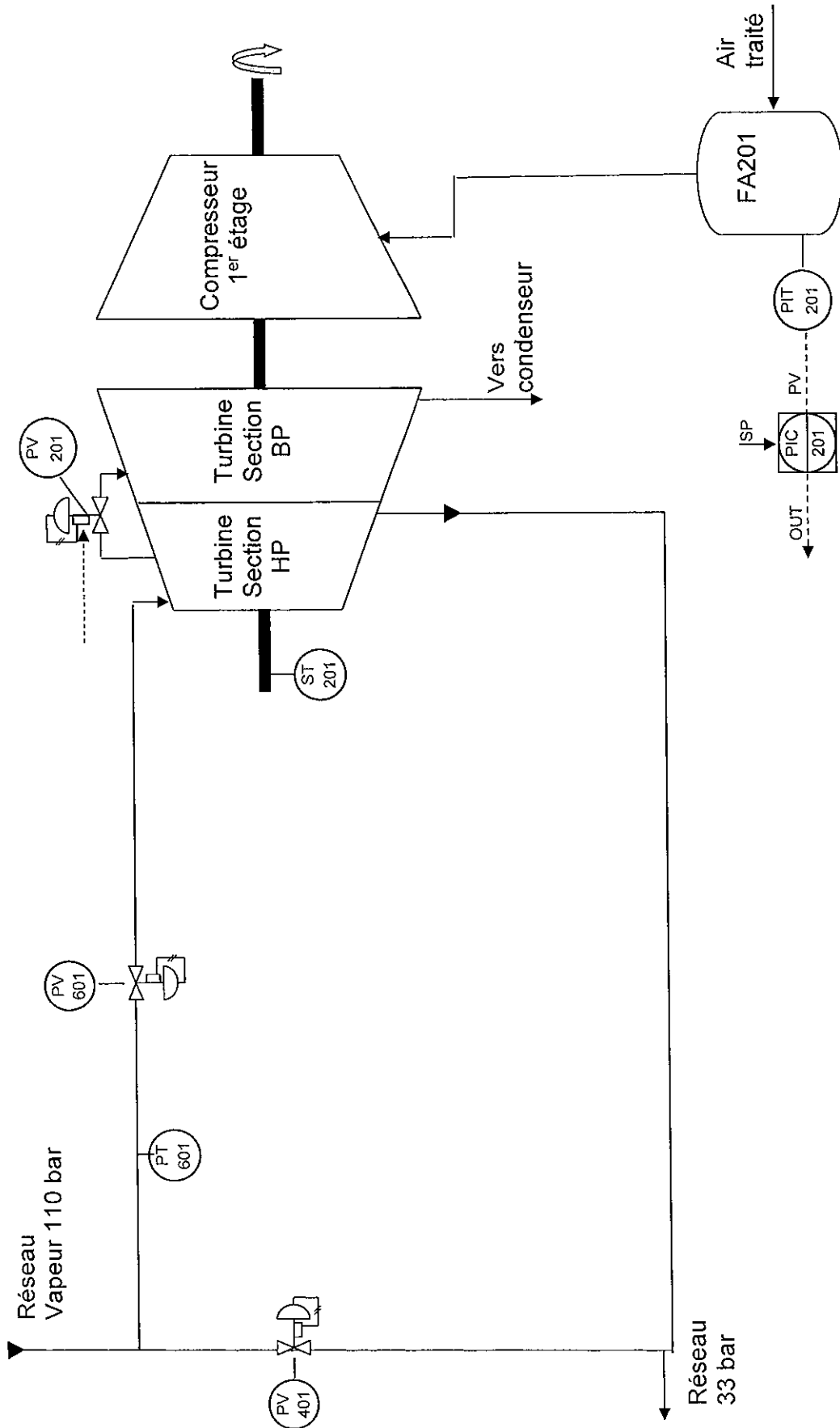


BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR
	Page 8/18



**DOCUMENT RÉPONSE N° 2**

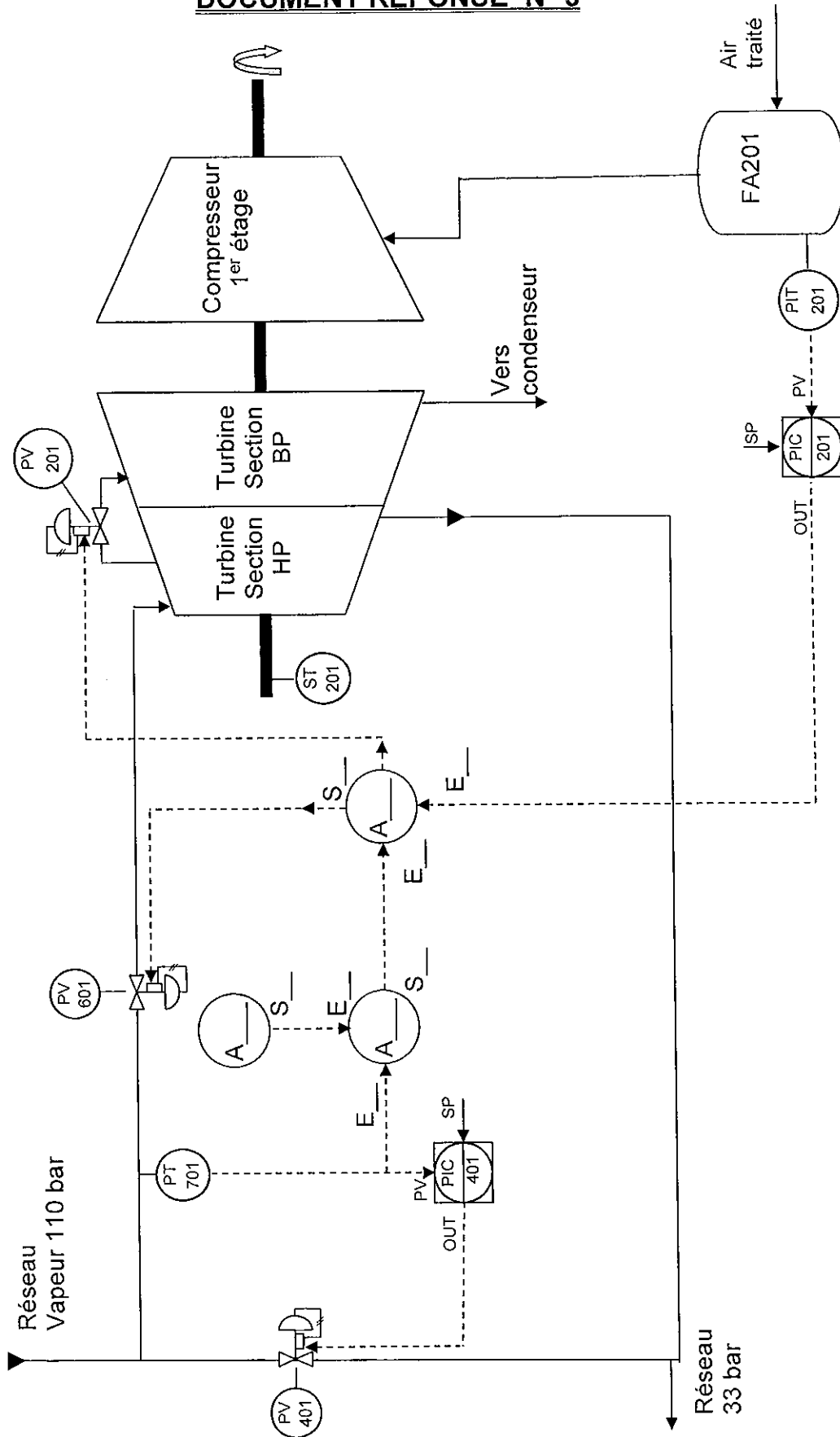
Schéma TI de la turbine en marche normale



BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR
	Page 9/18

**DOCUMENT RÉPONSE N° 3**

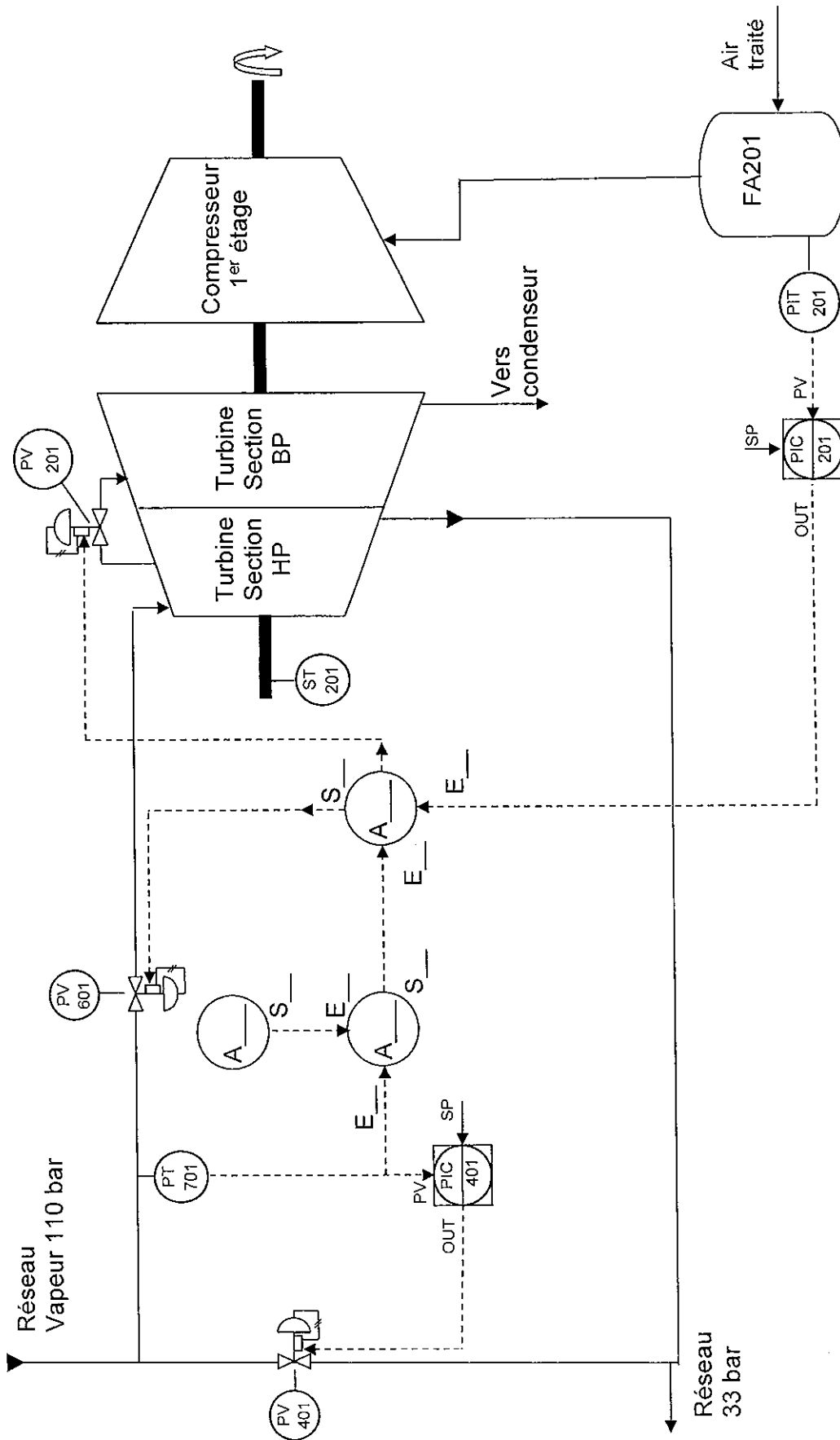
Schéma TI de la turbine en marche particulière



BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Page 10/18
Code : CAE4IR	

**DOCUMENT RÉPONSE N° 3**

Schéma TI de la turbine en marche particulière



BTS CONTRÔLE INDUSTRIEL ET RÉGULATION AUTOMATIQUE	Session 2017
INSTRUMENTATION ET RÉGULATION	Code : CAE4IR
	Page 11/18

**VEGAPULS 62**

4 ... 20 mA/HART - deux fils

Capteur radar pour la mesure continue de niveau de liquides

**Domaine d'application**

Le VEGAPULS 62 est capteur radar utilisable universellement pour la mesure de niveau continue de liquides.

Il est particulièrement approprié pour les applications dans les cuves de stockage, réacteurs et réservoirs de process, même dans des conditions de process difficiles. Avec différentes versions d'antenne et de matériaux, le VEGAPULS 62 est la solution optimale pour presque toutes les applications et process. Sa large plage de pression et de température garantit une planification et une conception simples.

**Vos avantages**

- Fonctionnement sans maintenance grâce à un procédé de mesure sans contact
- Haute disponibilité du système grâce au fonctionnement sans usure et sans entretien
- Résultats de mesure exacts indépendamment de la pression, de la température, du gaz et de la vapeur

**Caractéristiques techniques**

Plage de mesure jusqu'à	35 m (114.8 ft)
Erreur de mesure	±2 mm
Raccord process	Filetage à partir de G1½; 1½ NPT; brides à partir de DN 40, 1½"
Pression process	-1 ... +160 bar/-100 ... +16000 kPa (-14.5 ... +2320 psig)
Température process	-196 ... +450 °C (-321 ... +842 °F)
Température ambiante, de transport et de stockage	-40 ... +80 °C (-40 ... +176 °F)
Tension de service	9,6 ... 36 V DC
Qualification SIL	En option jusqu'à SIL2

**Matériaux**

Les pièces de l'appareil en contact avec le produit sont en 316L, Alloy C22 (2.4602), Alloy 400 (2.4360), acier inox brut de fonderie (1.4848) ou PTFE, PP, PEEK. Le joint d'étanchéité du process est en FKM, FFKM ou graphite.

Vous trouverez un aperçu complet des matériaux et joints d'étanchéité disponibles dans le "configurator" sur [www.vega.com](http://www.vega.com) et "VEGA Tools".

**Versions de boîtiers**

Les boîtiers sont livrables en version à chambre unique ou à deux chambres dans les matériaux plastique, acier inox ou aluminium. Ils sont disponibles en indices de protection jusqu'à IP 68 (1 bar).

**Versions électroniques**

Les appareils sont livrables en différentes versions électroniques. En sus de 4 ... 20 mA/HART deux fils ou quatre fils, des versions numériques avec Profibus PA, Foundation Fieldbus et protocole Modbus sont aussi possibles. Une autre version HART est disponible avec accumulateur intégré.

Distance

**VEGABAR 53**

<p><b>Approval</b>                  XX without                  XM Ship approval                  CX ATEX II 1G, 1/2G, 2G EEx Ia IIC T6                  CM ATEX II 1G, 1/2G, 2G EEx Ia IIC T6 + Ship approval                  GX ATEX II 1/2D, 2D IP6X T                  UX FM(NI)CL I, DIV2, GP ABCD (DIP)CL II, III, DIV1, GP EFG                  UF FM(S)CL I, II, III, DIV 1, GP ABCDEF</p> <p><b>Process fitting / Material</b>                  GV G½A, manometer connection / 316Ti                  GF G½A, front-flush / 316Ti with O-ring from 2.5bar                  GC G1A, front-flush / 316Ti with O-ring up to 1.6bar                  GN Thread ½NPT/316Ti                  CC Tri-Clamp 1½" PN16 / 316L                  CA Tri-Clamp 2" PN16 / 316L                  LA Hyg.connection w. compression nut F40 PN40 / 316L</p> <p><b>Seal</b>                  1 FKM (Viton)<sup>1)</sup>                  3 EPDM<sup>1)</sup>                  4 NBR<sup>1)</sup>                  X without</p> <p><b>Pressure / Measuring range</b>                  C rel. / 0...0.4bar (0...40kPa)                  D rel. / 0...1.6bar (0...160kPa)                  U rel. / 0...40.0bar (0...4000kPa)                  W rel. / 0...100.0bar (0...10000kPa)                  X rel. / 0...250.0bar (0...25000kPa)                  R rel. / -1...0.0bar (-100...0kPa)                  S rel. / -1...0.6bar (-100...60kPa)                  O rel. / -1...3.0bar (-100...300kPa)                  P rel. / -1...5.0bar (-100...500kPa)                  Q rel. / -1...15.0bar (-100...1500kPa)                  Z rel. / 0...600.0bar (0...60000kPa)                  1 abs. / 0...0.4bar (0...40kPa)                  2 abs. / 0...1.6bar (0...160kPa)                  3 abs. / 0...6.0bar (0...600kPa)                  4 abs. / 0...16.0bar (0...1600kPa)</p> <p><b>Electronics</b>                  Z 4...20mA                  H 4...20mA/HART®                  P Profibus PA                  F Foundation Fieldbus</p> <p><b>Housing / Protection</b>                  K Plastic / IP66/IP67                  A Aluminium / IP66/IP67                  B Stainless steel (electropolished) 316L / IP66/IP67</p> <p><b>Cable entry / Plug connection</b>                  M M20x1.5 / without                  N ½NPT / without</p> <p><b>Indicating/adjustment module (PLICSCOM)</b>                  X Without                  A Top mounted</p> <p><b>Accuracy class</b>                  E 0.10%                  S 0.20%</p>	<p>Ship approval : agrément marine                  G : gaz                  D : dust</p>
--	---

BR53.																	
-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Zone à compléter

<sup>1)</sup> Only with front-flush threaded version

**VEGABAR 53**

<p><b>Approval</b>                  XX without                  XM Ship approval                  CX ATEX II 1G, 1/2G, 2G EEx la IIC T6                  CM ATEX II 1G, 1/2G, 2G EEx la IIC T6 + Ship approval                  GX ATEX II 1/2D, 2D IP6X T                  UX FM(NI)CL I, DIV2, GP ABCD (DIP)CL II, III, DIV1, GP EFG                  UF FM(S)CL I, II, III, DIV 1, GP ABCDEF</p> <p><b>Process fitting / Material</b>                  GV G1/4, manometer connection / 316Ti                  GF G1/4, front-flush / 316Ti with O-ring from 2.5bar                  GC G1A, front-flush / 316Ti with O-ring up to 1.6bar                  GN Thread 1/4NPT/316Ti                  CC Tri-Clamp 1 1/2" PN16 / 316L                  CA Tri-Clamp 2" PN16 / 316L                  LA Hyg. connection w. compression nut F40 PN40 / 316L</p> <p><b>Seal</b>                  1 FKM (Viton)<sup>1)</sup>                  3 EPDM<sup>1)</sup>                  4 NBR<sup>1)</sup>                  X without</p> <p><b>Pressure / Measuring range</b>                  C rel. / 0...0.4bar (0...40kPa)                  D rel. / 0...1.6bar (0...160kPa)                  U rel. / 0...40.0bar (0...4000kPa)                  W rel. / 0...100.0bar (0...10000kPa)                  X rel. / 0...250.0bar (0...25000kPa)                  R rel. / -1...0.0bar (-100...0kPa)                  S rel. / -1...0.6bar (-100...60kPa)                  O rel. / -1...3.0bar (-100...300kPa)                  P rel. / -1...5.0bar (-100...500kPa)                  Q rel. / -1...15.0bar (-100...1500kPa)                  Z rel. / 0...600.0bar (0...60000kPa)                  1 abs. / 0...0.4bar (0...40kPa)                  2 abs. / 0...1.6bar (0...160kPa)                  3 abs. / 0...6.0bar (0...600kPa)                  4 abs. / 0...16.0bar (0...1600kPa)</p> <p><b>Electronics</b>                  Z 4...20mA                  H 4...20mA/HART®                  P Profibus PA                  F Foundation Fieldbus</p> <p><b>Housing / Protection</b>                  K Plastic / IP66/IP67                  A Aluminium / IP66/IP67                  B Stainless steel (electropolished) 316L / IP66/IP67</p> <p><b>Cable entry / Plug connection</b>                  M M20x1.5 / without                  N 1/4NPT / without</p> <p><b>Indicating/adjustment module (PLICSCOM)</b>                  X Without                  A Top mounted</p> <p><b>Accuracy class</b>                  E 0.10%                  S 0.20%</p>	<p>Ship approval : agrément marine                  G : gaz                  D : dust</p>
--	---

BR53.													
-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

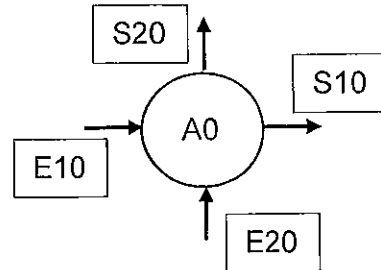
**Zone à compléter**

<sup>1)</sup> Only with front-flush threaded version

**A0** : Commutateur binaire

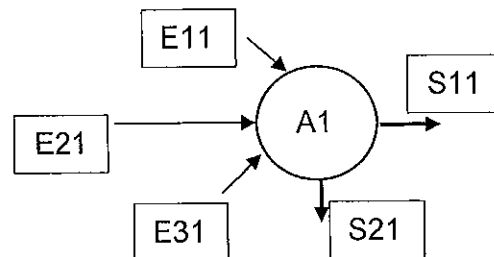
Cette fonction comporte 2 entrées et 2 sorties. L'entrée E10 de type booléenne (0 ou 1) autorise la recopie de l'entrée E20 (analogique) en sortie S10 ou S20.

si  $E10 = 0$  alors  $S10 = E20$  et  $S20 = 0$   
 si  $E10 = 1$  alors  $S10 = 0$  et  $S20 = E20$

**A1** : Multiplexeur

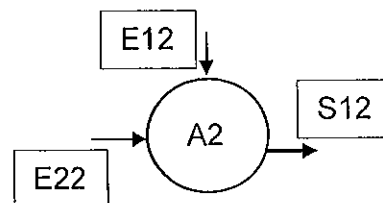
Cette fonction comporte 3 entrées et 2 sorties. L'entrée E11 de type booléenne (0 ou 1) autorise la recopie de l'entrée E21 ou E31 (analogiques) en sortie.

Si  $E11 = 0$  alors  $S11 = E21$   
 Si  $E11 = 1$  alors  $S11 = E31$   
 et  $S21 = 100\%$  en permanence

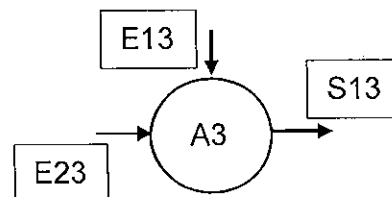
**A2** : Comparateur

La première entrée (analogique ou logique) est comparée à la deuxième.

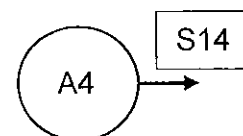
Si  $E12 < E22$  alors  $S12 = 0$   
 Si  $E12 > E22$  alors  $S12 = 1$

**A3** : Comparateur à seuil analogique

Si  $E13 < E23$  alors  $S13 = E23$   
 Si  $E13 > E23$  alors  $S13 = E13$

**A4** : Générateur de consigne

Ce bloc génère en sortie S14 une consigne analogique (0 à 100%) au standard 4-20 mA.



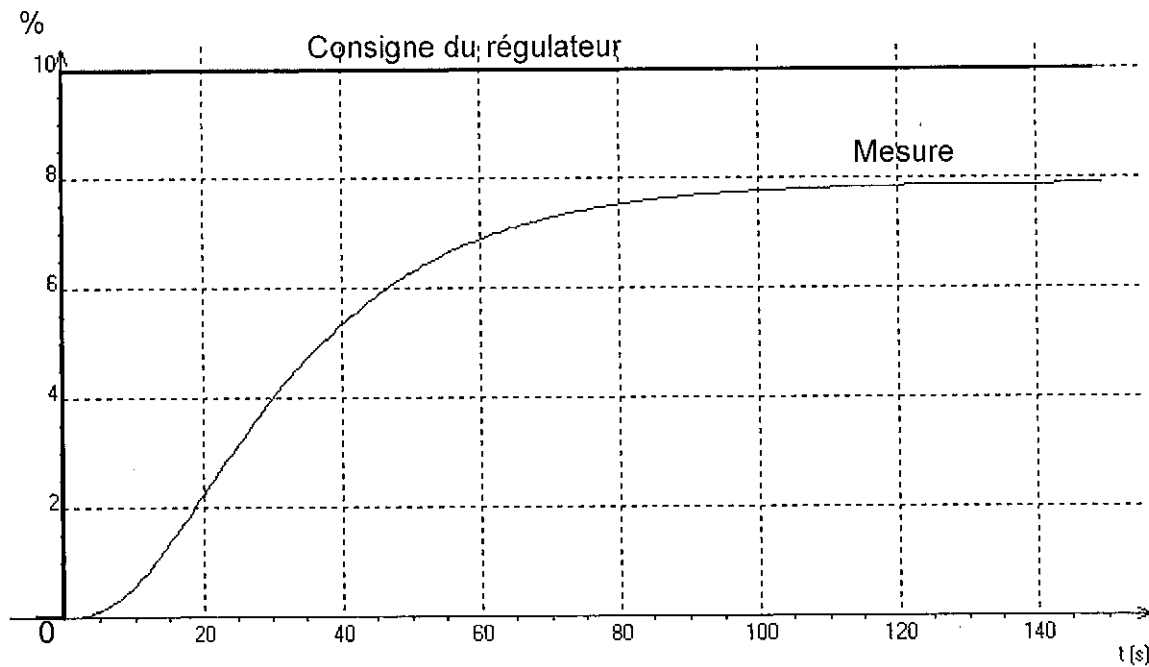
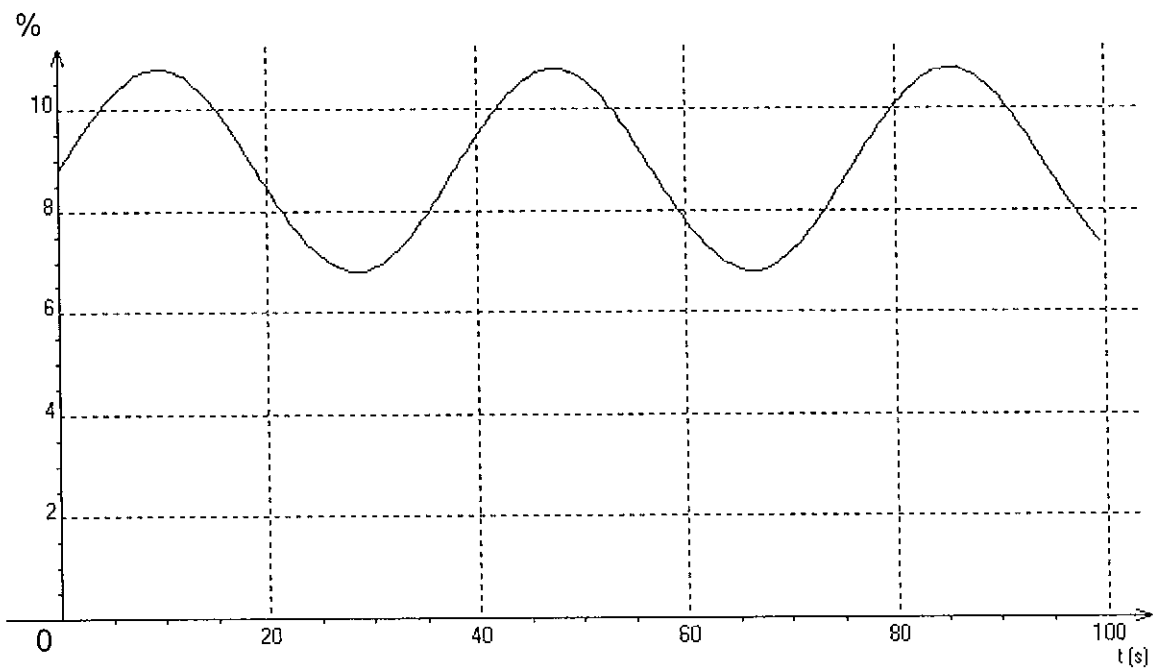
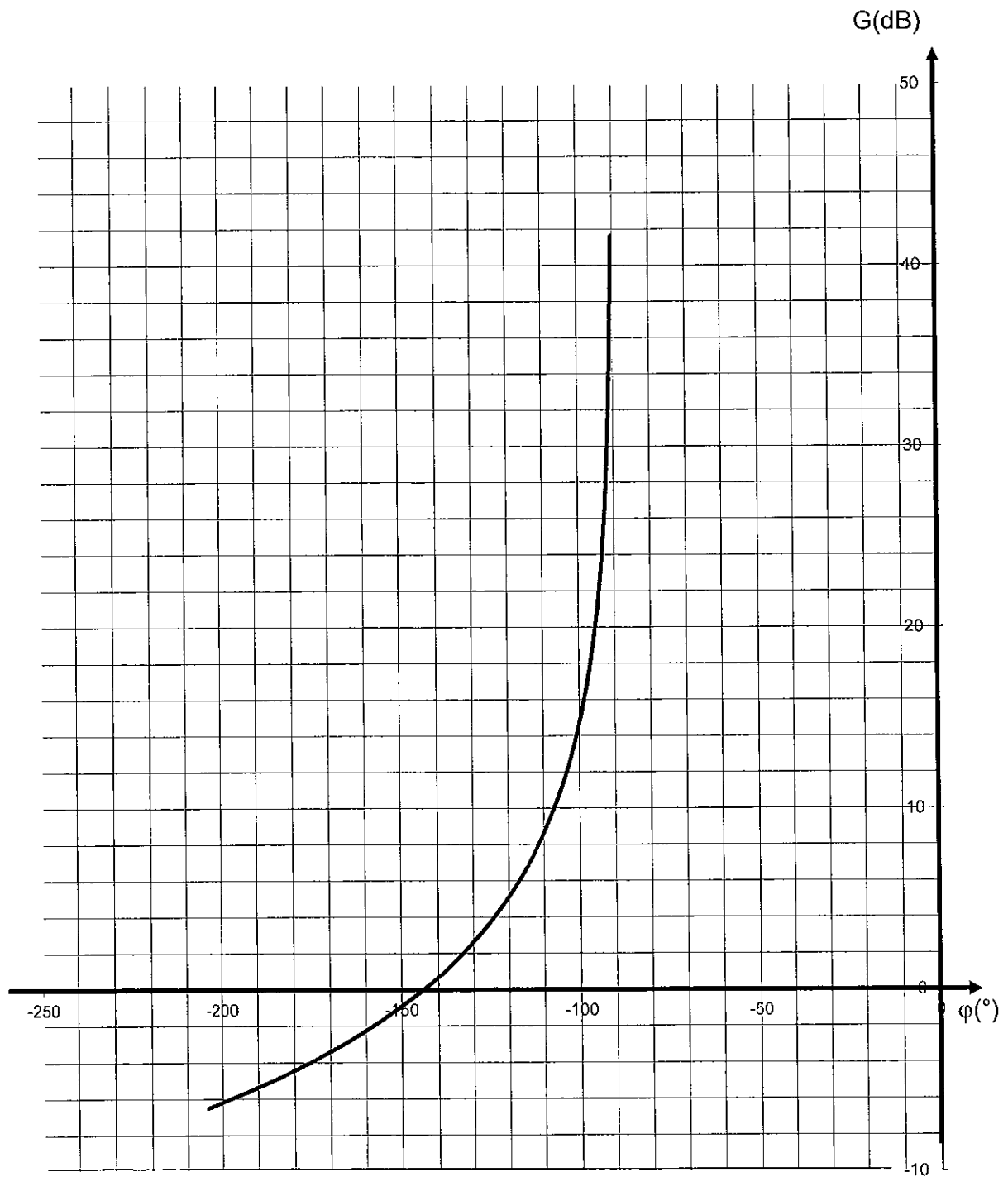
ANNEXE 4Réponse à un échelon de consigneOscillations de la mesure en boucle fermée avec le régulateur en action proportionnelle pur (P)

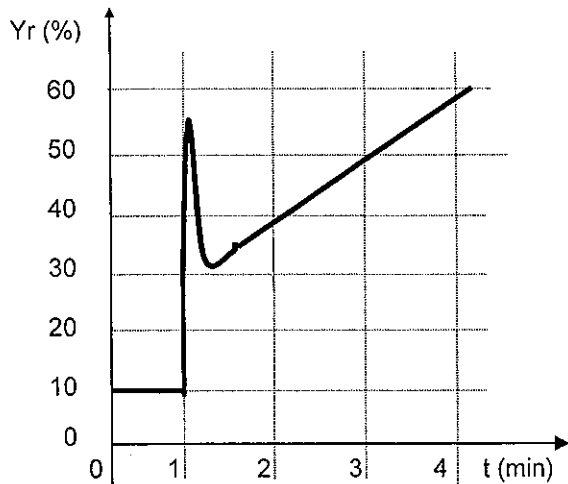


Diagramme de Black

ANNEXE 6

Le régulateur est utilisé seul.

L'enregistrement ci-dessous représente la sortie du régulateur.



A l'instant  $t = 1$  min, un échelon de 20% est effectué sur la mesure

$$A = 0,5$$

$$\text{Temps d'intégrale } T_i = 1 \text{ min}$$

$$\text{Temps de dérivée } T_d = 1 \text{ min}$$

Aide : équation des trois structures de régulateur.

$$\text{PID série } Y = \left( \frac{T_i + T_d}{T_i} \right) (M - C) A + \frac{A}{T_i} \int (M - C) dt + A T_d \frac{d(M - C)}{dt} + Y_0$$

$$\text{PID mixte } Y = (M - C) A + \frac{A}{T_i} \int (M - C) dt + A T_d \frac{d(M - C)}{dt} + Y_0$$

$$\text{PID parallèle } Y = (M - C) A + \frac{1}{T_i} \int (M - C) dt + T_d \frac{d(M - C)}{dt} + Y_0$$

### Tableau de détermination des paramètres du régulateur

suivant le modèle de Broïda  $H(p) = \frac{K \cdot e^{-T_p}}{1 + \tau \cdot p}$

	P	PI série	PI //	PID série	PID //	PID mixte
A	$\frac{0,8 \cdot \tau}{K \cdot T}$	$\frac{0,8 \cdot \tau}{K \cdot T}$	$\frac{0,8 \cdot \tau}{K \cdot T}$	$\frac{0,85 \cdot \tau}{K \cdot T}$	$\frac{\frac{\tau}{T} + 0,4}{1,2 \cdot K}$	$\frac{\frac{\tau}{T} + 0,4}{1,2 \cdot K}$
$T_i$ (s)	Maximum	$\tau$	$\frac{K \cdot T}{0,8}$	$\tau$	$\frac{K \cdot T}{0,75}$	$\tau + 0,4 \cdot T$
$T_d$ (s)	0	0	0	$0,4 \cdot T$	$\frac{0,35 \cdot \tau}{K}$	$\frac{\tau \cdot T}{T + 2,5 \cdot \tau}$

A : Gain du régulateur

$T_i$  : Temps d'intégrale en secondes

$T_d$  : Temps de dérivée en secondes